
Podstawy programowania.

Wykład 4

Konstrukcje sterujące

Kod źródłowy i wykonanie programu

- Kod źródłowy w języku programowania zawiera przepis wykonania programu
- W maszynie von Neumana procesor wykonuje kolejne rozkazy w kodzie binarnym
 - przy kompilacji instrukcja po instrukcji oznacza to kolejne instrukcje kodu źródłowego

chyba że ...

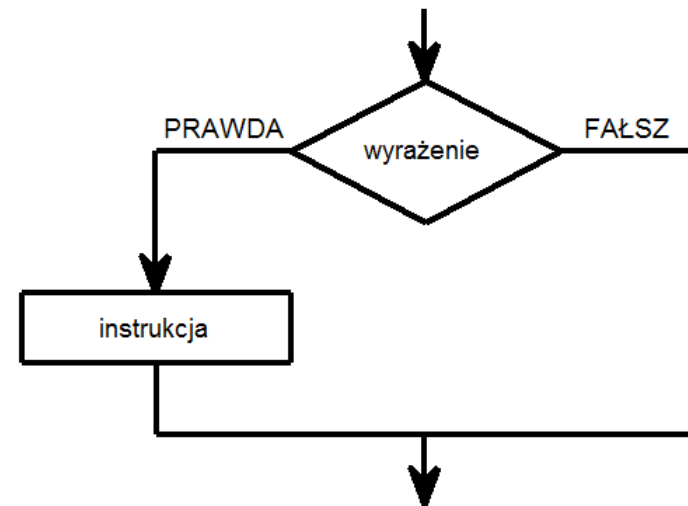
- w kodzie pojawiają się instrukcje sterujące
 - instrukcja sterująca umożliwia wybór kolejnego rozkazu do wykonania czyli
 - ewentualne ominięcie pewnych rozkazów
 - skok do przodu w kodzie binarnym
 - cofnięcie się do wcześniejszych rozkazów
 - skok do tyłu w kodzie binarnym

Kod źródłowy i wykonanie programu

- Dzięki instrukcjom sterującym
 - pewne fragmenty kodu mogą nie być wykonane
 - kompilator może pominąć kod nigdy nie wykonywany
 - pewne fragmenty kodu mogą być wykonane wiele razy
 - w konsekwencji liczba rozkazów wykonanych w trakcie działania programu nie ma związku z liczbą rozkazów w kodzie binarnym
 - zależy częściej od (rozmiaru) danych wejściowych
- W kodzie binarnym instrukcje sterujące mają postać skoków (do przodu lub do tyłu)
 - wykonanie skoku może zależeć od spełnienia pewnych warunków przez dane w programie
- W kodzie źródłowym występują instrukcje sterujące zdefiniowane dla danego języka programowania
 - najważniejsze instrukcje sterujące w C/C++ to
 - instrukcje wyboru (*if*, *switch*)
 - pętle (*for*, *while*, *do*)

Instrukcje sterujące

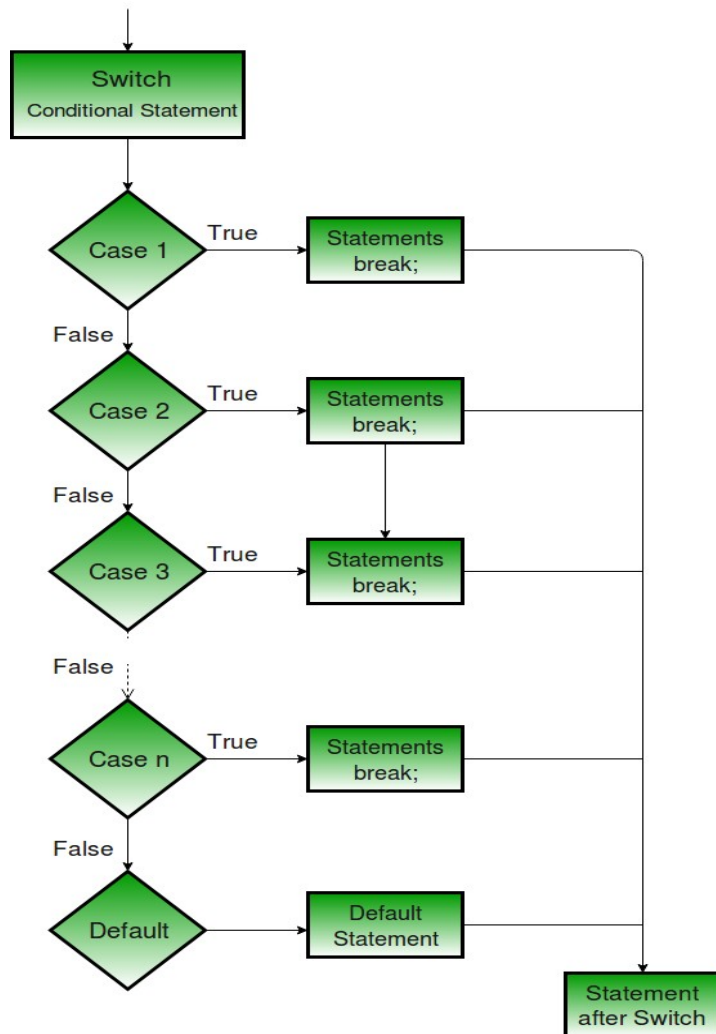
- `if(wyrażenie) { ...(instrukcja lub blok instrukcji)... }`
 - instrukcja jest wykonywana jeśli wyrażenie jest prawdziwe (różne od zera)
- `if(wyrażenie) { } else { }`
- `if(wyrażenie_1) { }`
`else if (wyrażenie_2) { }`
`else if (wyrażenie_3) { }`
`else { }`
 - jeśli któreś z wyrażeń jest prawdziwe, wartości kolejnych nie są obliczane



Instrukcje sterujące

→ Switch

- przykład prosty:



- przykład bardziej skomplikowany:

```
printf("\nWprowadź cyfrę od 1 do 5: \n");
scanf(" %c",&c);
switch (c) {
    case '0':
        printf("Wprowadzono: 0\n"); break;
    case '1':
        printf("Wprowadzono: 1\n");
    case '2':
        printf("Wprowadzono: 1 lub 2\n"); break;
    case '3':
        printf("Wprowadzono: 3\n"); break;
    case '4':
    case '5':
        printf("Wprowadzono: 4 lub 5\n"); break;
    default:
        printf("Wprowadzono: znak spoza zakresu 0-5\n"); break;
}
```

Rozwiązanie równania kwadratowego

→ Definicja problemu:

- dane wejściowe: liczby a, b, c
- dane wyjściowe:
 - liczby x_1 i x_2 będące pierwiastkami równania kwadratowego $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) = 0$)
- kontrakt procedury obejmuje także:
 - warunki wstępne (*precondition*)
 - typy i dopuszczalne wartości a, b, c (kiedy procedura ma sprawdzać dane wejściowe?)
 - warunki końcowe (*postcondition*)
 - dodatkowe informacje o x_1, x_2 (np. czy algorytm ma uwzględniać tylko pierwiastki rzeczywiste)
 - sytuacje zgłaszania komunikatów o błędzie

Rozwiązanie równania kwadratowego

→ Algorytm w pseudokodzie:

- wczytaj a , b , c
- oblicz $\text{delta} = b*b - 4*a*c$
- jeżeli($\text{delta} < 0$) wypisz(„złe dane”) i zakończ program
- jeżeli($\text{delta} > 0$) (tzn. w każdym innym przypadku)
- oblicz $x1 = (-b - \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a)$
- oblicz $x2 = (-b + \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a)$
- wypisz wartości $x1, x2$
- zakończ program

(co jeśli $a=0$?)

Rozwiązanie równania kwadratowego

→ Możliwa realizacja algorytmu (zblizona do assemblera):

wczytaj(a,b,c)

$\text{delta} = b*b - 4*a*c$

PORÓWNAJ(delta,0)

JEŚLI MNIEJSZE SKOCZ DO L1

$x1 = (-b - \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a)$

$x2 = (-b + \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a)$

wypisz(x1,x2)

SKOCZ DO L2

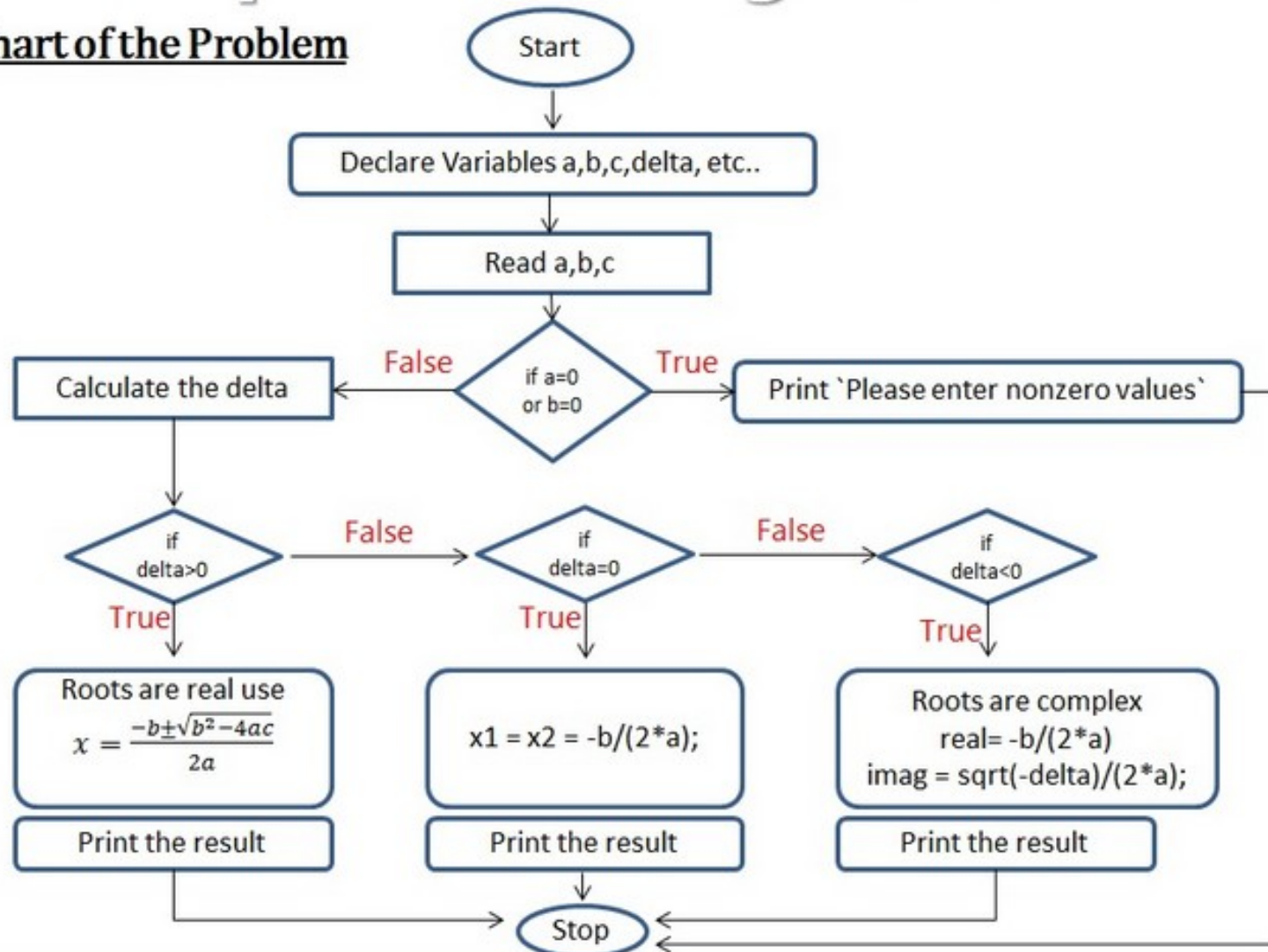
L1: *wypisz(„złe dane”)*

L2: STOP

W przypadku uwzględnienia sprawdzania wartości a i b zapis jest jeszcze mniej czytelny

Rozwiązanie równania kwadratowego

Flow Chart of the Problem



Rozwiązanie równania kwadratowego

```
#include <math.h> // USES (podobnie stdlib.h i stdio.h)
int main(void) // rozwiązanie równania kwadratowego  $ax^2 + bx + c = 0$ 
{
    int a, b, c; // rozważania o kontrakcie..., input - uodpornianie na błędy wczytywania danych
    printf("Podaj parametr a: "); scanf("%d", &a); // adres! - podobnie wczytanie b i c
    if(a==0 && b==0){ // alternatywa: if( a==0 || b==0 ) - zależnie od kontraktu
        printf("Błędne dane: a i b równe 0. Przerwanie programu.\n"); exit(-1);
    }
    else{
        if(a==0) { // równanie liniowe, co mówi kontrakt?
        }else{
            double delta = b*b - 4*a*c; // zakres widoczności nazwy - powiązanie z czasem życia
            if(delta<0){ printf("Dwa pierwiastki zespolone - nie umiem obliczyć\n"); }
            else if (delta == 0){ printf("Pierwiastek rzeczywisty: x = %lf\n", -b/(2.0*a) ); }
            else {
                double temp = sqrt(delta);
                printf("Dwa pierwiastki rzeczywiste: x1 = %lf, x2 = %lf\n", (-b-temp)/(2.0*a), (-b+temp)/(2.0*a) );
            }
        } // znaczenie wcięć i nawiasów klamrowych dla zwiększenia czytelności kodu
    }
    return(0);
}
```

Problem skończonej precyzji

- *Problemy dla reprezentacji z ograniczoną dokładnością*
 - ile bitów potrzeba żeby dokładnie zapisać liczbę 0.1?
 - tylko niektóre spośród liczb rzeczywistych dają się zapisać w reprezentacji binarnej o skończonej dokładności
 - równość matematyczna nie jest równoznaczna z równością przy reprezentacji ze skończoną dokładnością
 - problemy z arytmetyką
 - $x * (1/x) \neq 1$ – dla 135 spośród pierwszego tysiąca liczb naturalnych przy zapisie z pojedynczą precyzją
 - $a + b = a$ (dla $b > 0$ ale znacznie mniejszego od a)
 - co z $1/((a+b)-a)$?
 - $(a+b)-a \neq (a-a)+b$ - brak łączności i przemienności operacji
 - przydatność poprawy dokładności w trakcie dokonywania obliczeń
 - rozwiązanie niektórych problemów za pomocą zmiany algorytmu

Problem skończonej precyzji

→ Algorytm rozwiązania równania kwadratowego:

- $x1 [x2] = (- b + [-] \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a)$
 - przykład (4 cyfry znaczące): $a = 1, b = -320, c = 16$
 - $b^2 = 102400, 4*a*c = 64, \text{delta} = 102400 - 64 = 102336$
 - delta zaokrąglana do 102300, pierwiastek do 319.8
 - $x1 = (320+319.8)/2 = 319.95 \approx 319.9$
 - » dokładnie $x1 = 319,949992185$ – błąd względny $\approx 0,01\%$
 - $x2 = (320-319.8)/2 = 0.1$ – utrata cyfr znaczących
 - » dokładnie $x2 = 0,050007815$ – błąd względny $\approx 100\%$

→ Zmiana algorytmu

- $x1 = - b +/- \text{sqrt}(\text{delta})) / (2*a) ; x2 = c / (a*x1)$
 - przykład (4 cyfry znaczące):
 - $x1 = (320+319.8)/2 = 319.95 \approx 319.9$ – błąd względny $\approx 0,01\%$
 - $x2 = 16/319.9 = 0.05$ – błąd względny $\approx 0,015\%$

Problem skończonej precyzji

→ *Przykładowe wskazówki postępowania z liczbami zmiennoprzecinkowymi, dla uniknięcia błędów wynikających ze zbyt małej precyzji:*

- sumować najpierw małe, potem duże liczby
- unikać cząstkowych wyników bardzo dużych lub bardzo małych
- unikać odejmowania liczb bardzo bliskich sobie
- **nie porównywać liczb tylko ich różnicę z małą wartością**

`double wartosc, wzorzec; // tak samo dla float`

`// obliczanie wartości`

~~`if(wartosc != wzorzec) {....}`~~

`#define TOLERANCJA 1e-9 // tolerancja może być inna dla double i float`

`// znajomość przewidywanych wartości pozwala wybrać dokładność:`

`if(fabs(wartosc - wzorzec) <= TOLERANCJA) {....} // bezwzględna`

`if(fabs((wartosc-wzorzec)/wzorzec) <= TOLERANCJA) {....} // względna`